

学生番号\_\_\_\_\_氏名\_\_\_\_\_

$t = 0$  から  $t = T$  まで積分してみる (ただし  $m, n = 1, 2, 3 \dots$ )

$$\int_0^T \cos\left(\frac{2\pi m}{T}t\right) \cos\left(\frac{2\pi n}{T}t\right) dt = \int_0^T \frac{1}{2} \left\{ \cos\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) + \cos\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right\} dt$$

普通に  $m \neq n$  のときは

$$= \frac{1}{2} \left[ \sin\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) + \sin\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$

$m = n$  のときは、 $\cos(0) = 1$  だから、これを積分して

$$= \frac{1}{2} \left[ \cos\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) + \cos\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$

$$\int_0^T \sin\left(\frac{2\pi m}{T}t\right) \sin\left(\frac{2\pi n}{T}t\right) dt = \int_0^T \frac{-1}{2} \left\{ \cos\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) - \cos\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right\} dt$$

普通に  $m \neq n$  のときは

$$= \frac{-1}{2} \left[ \sin\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) - \sin\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$

$m = n$  のときは、

$$= \frac{-1}{2} \left[ \cos\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) - \cos\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$

$$\int_0^T \cos\left(\frac{2\pi m}{T}t\right) \sin\left(\frac{2\pi n}{T}t\right) dt = \int_0^T \frac{1}{2} \left\{ \sin\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) + \sin\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right\} dt$$

普通に  $m \neq n$  のときは

$$= \frac{1}{2} \left[ -\cos\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) - \cos\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$

$m = n$  のときは、

$$= \frac{1}{2} \left[ -\sin\left(\frac{2\pi(m-n)}{T}t\right) + \sin\left(\frac{2\pi(m+n)}{T}t\right) \right]_0^T =$$